



ANEP

ADMINISTRACIÓN
NACIONAL DE
EDUCACIÓN PÚBLICA

Programa de Educación Básica Integrada

Matemática

Tramo 5 | Grados 7.º y 8.º

Actualización 2024

Componente
Alfabetizaciones fundamentales

Espacio curricular
Científico-Matemático

Espacio Científico-Matemático

Fundamentación

La ciencia ha permitido dar respuesta y optimizar soluciones a los grandes problemas por los que ha transitado la humanidad, así como conocer, comprender e incidir en nuestro entorno para protegerlo y mejorarlo. Entonces es relevante que la educación desarrolle el pensamiento científico en los ciudadanos. En este sentido se acuerda con Moreno:

Repensar la educación en función de los requerimientos de la sociedad actual, a la cual se le atribuye el nombre de ‘la sociedad del conocimiento’, ha hecho reestructurar la educación pasando de una educación con énfasis en lo cognitivo a una educación integral, en que se involucre el conocer, hacer, ser y convivir; para lograr un proceso de construcción del conocimiento que permita a los estudiantes desarrollar un pensamiento y modo de actuar lógico, crítico y creativo; y esto, para el bienestar de sí mismo y de los demás, sobrepasando el individualismo para lograr el Buen Vivir. (Moreno, 2012, p. 253)

El marco conceptual de PISA 2015 establece que una persona científicamente competente está preparada para participar, brindando argumentos, en discusiones sobre ciencia y tecnología, lo que requiere de las competencias básicas para:

1. Explicar fenómenos científicamente: reconocer, evaluar y ofrecer explicaciones para una serie de fenómenos naturales y tecnológicos.
2. Evaluar y diseñar investigaciones científicas: describir y evaluar investigaciones científicas y proponer formas de abordar preguntas científicamente.
3. Interpretar científicamente datos y evidencias: analizar y evaluar datos, afirmaciones y argumentos en una variedad de representaciones y extraer las correspondientes conclusiones científicas.

Para Pedrinaci (2012) existen competencias científicas con ciertas características, que son claves para su desarrollo. Plantea once ideas clave que dan respuesta a once preguntas que aportan a la claridad de esta competencia. Estas ideas clave son:

1. El ejercicio de una ciudadanía responsable exige disponer de cierta competencia científica.
2. La noción de competencia científica proporciona criterios para seleccionar, enseñar y evaluar conocimientos.
3. Deben enseñarse conceptos y teorías científicas imprescindibles para elaborar explicaciones básicas sobre el mundo natural.
4. Los ciudadanos necesitan conocimientos de ciencias para dar respuestas a los problemas de su contexto.
5. La elaboración y evaluación de modelos científicos escolares es una forma excelente de aprender sobre la naturaleza de la ciencia.

6. La investigación escolar es la actividad que mejor integra el aprendizaje de los diferentes procedimientos científicos.
7. Aprender ciencias es, en buena medida, aprender a leer, escribir y hablar ciencia.
8. Las implicaciones sociales del conocimiento científico y tecnológico forman parte de este y, por lo tanto, de su enseñanza.
9. El desarrollo de la competencia científica demanda y produce actitudes positivas hacia la ciencia y el conocimiento científico.
10. Saber ciencias no equivale a tener competencia profesional para enseñar ciencias.
11. La evaluación de la competencia científica requiere nuevas formas de evaluar los aprendizajes.

El desarrollo de las competencias científicas en el contexto escolar requiere generar escenarios de enseñanza que aborden la dimensión metodológica propia de las ciencias. La especificidad de este abordaje se enmarca en las metodologías activas que permiten la apropiación de conocimiento científico abordado a través de diferentes actividades.

Competencias específicas (CE) del espacio y su contribución al desarrollo de las competencias generales del MCN

CE1. Comunica, empleando conceptos científicos y lenguaje multimodal, elabora explicaciones y argumentos e incorpora en dicho discurso lenguaje técnico, logrando trascender su propio discurso con pertinencia, interactuando con los demás e interpelando con argumentos y contraargumentos. Contribuye al desarrollo de las competencias generales del MCN: Comunicación, Pensamiento científico, Pensamiento crítico, Relacionamiento con los otros.

CE2. Interpreta la información relacionada con el conocimiento científico a partir de diferentes fuentes, gráficos, mapas, tablas, esquemas, íconos, a través de códigos verbales, no verbales y numéricos para construir y reconstruir su significado. Contribuye al desarrollo de las competencias generales del MCN: Comunicación, Pensamiento científico, Pensamiento crítico, Pensamiento Creativo, Ciudadanía local, global y digital.

CE3. Reconoce e interpela los avances científicos, identificando su impacto en la vida actual para hacer un uso responsable de los bienes naturales. Contribuye al desarrollo de las competencias generales del MCN: Pensamiento científico, Pensamiento creativo, Pensamiento crítico, Iniciativa y orientación a la acción, Ciudadanía local, global y digital.

CE4. Identifica problemas diseñando y aplicando diferentes estrategias y formas de razonamiento para obtener soluciones; comprende e interviene con otros en el contexto local, regional y global, logrando transferir conocimientos. Contribuye al desarrollo de las competencias generales del MCN: Pensamiento científico, Pensamiento creativo, Pensamiento computacional, Iniciativa y orientación a la acción, Intrapersonal, Relacionamiento con los otros, Ciudadanía local, global y digital.

CE5. Observa el ambiente, formula preguntas, propone hipótesis y las valida a través de la experimentación, la indagación y la búsqueda de evidencias mediante el trabajo individual y colectivo de forma colaborativa. Contribuye al desarrollo de las competencias generales del MCN: Pensamiento científico, Pensamiento crítico, Pensamiento creativo, Pensamiento computacional, Relacionamiento con otros.

CE6. Desarrolla y aplica pensamiento lógico y creativo al explorar, organizar datos, descomponer en partes, reconocer patrones, modificar y crear algoritmos, generalizar e interpretar para modelizar, resignificar y automatizar situaciones y fenómenos. Contribuye al desarrollo de las competencias generales del MCN: Pensamiento científico, Pensamiento creativo, Pensamiento computacional, Intrapersonal, Comunicación, Metacognitiva.

CE7. Identifica y comprende las emociones personales, propias y de otros al enfrentarse a retos, fomentando la confianza en sus propias habilidades para la toma de decisiones y la resolución de problemas y valorando el error como parte del proceso de aprendizaje. Contribuye al desarrollo de las competencias generales del MCN: Intrapersonal, Relacionamiento con los otros, Iniciativa y orientación a la acción, Pensamiento crítico, Pensamiento creativo, Metacognitiva.

Contenidos estructurantes de las disciplinas del espacio

- Matemática: Relaciones y funciones.
- Física y Química: Sistemas materiales, Energía, Transformaciones.
- Biología: Ser vivo, Ambiente, Salud.
- Geografía: Alfabetización cartográfica, Desarrollo sustentable, Ordenamiento territorial.
- Geología y Astronomía: Sistemas de la Tierra y el Espacio.

Orientaciones metodológicas del espacio

El abordaje interdisciplinario de la ciencia permite trabajar con un mismo objeto de conocimiento desde diferentes miradas, no solo para enriquecerse con ello, sino también para ser consciente de las limitaciones conceptuales y procedimentales de cada una de las ciencias involucradas. Las metodologías activas, como por ejemplo el STEM, proponen minimizar las líneas divisorias entre las disciplinas, sin perder especificidad e independencia, para pasar a construir una mirada más integral del objeto o fenómeno observado. Para ello, entre otras cosas, es necesario construir un lenguaje común para comunicar ese conocimiento emergente.

El nuevo rol docente implica construir un nuevo vínculo entre docente y su práctica, reflexión que nos exige nuevas metodologías, trabajo colaborativo, interdisciplinario y multidisciplinario para desarrollar en el estudiante el pensamiento crítico y creativo para la solución de problemas y para la toma de decisiones. Los estudiantes resolverán problemas a través de su capacidad de abstracción, análisis y síntesis, aprenderán de manera permanente y utilizarán su comprensión lectora para ampliar sus conocimientos.

Los aspectos vinculados con el enfoque, la interdisciplinariedad, las metodologías activas, las estrategias y el diseño de las secuencias de aprendizaje darán lugar al desarrollo de las competencias en la construcción del objeto de conocimiento.

Gestionar el aula implica un conjunto de procesos complejos en que se dan las interacciones y los vínculos entre el docente y los estudiantes, el docente y el saber, los estudiantes entre sí, y los estudiantes y el saber hacer, involucrando a la familia y el contexto en el proceso de desarrollo integral del estudiante.

Será necesario abordar la dimensión metodológica propia de las ciencias para el desarrollo de la competencia científica, las actividades desde un contexto de cotidianidad, invitar a preguntar, formular hipótesis, observar, clasificar, controlar variables durante la experimentación, relacionar datos, contrastar evidencias, registrar y comunicar en diferentes soportes con cuadros, tablas, fotos o audiovisuales que den cuenta del proceso.

Las actividades pueden desarrollarse de forma individual, en pequeños grupos y con el grupo clase, atendiendo la diversidad de niveles y ritmos de aprendizajes, cuando aprenden unos de otros así como de su docente y del entorno (Lobato, 1998, p. 23).

Para favorecer el desarrollo de la competencia comunicativa en el aula de ciencias, las interacciones de tipo colaborativo habilitan a espacios de verbalización, negociación, acuerdos y expresión. En esta modalidad de trabajo se pone en juego lo que se sabe, lo que se sabe hacer y lo que se siente, desarrollando un clima de confianza, lo que favorece el desarrollo de dicha competencia así como de la orientación a la acción, la creatividad, el aprender a aprender, el pensamiento científico y el juicio crítico.

Orientaciones sobre la evaluación del espacio

Se entiende a la enseñanza en sí misma como un campo multidimensional y complejo de análisis, comprensión y problematización (Pesce, 2014) y a la evaluación como la instancia de elaboración y de integración personal de lo aprendido a las estructuras cognitivas preexistentes para lograr su anclaje y generar aprendizajes significativos.

Incluir aquellas cuestiones que promueven que el estudiante sintetice, relacione, compare, decida, critique, justifique o argumente lo impulsan a dar un paso adelante a partir de lo que ya sabe (Monereo, 2009).

Se entiende que para evaluar el grado de desarrollo de competencias se valoran desempeños, a través de identificar evidencias de aprendizaje que se comparan con los resultados de aprendizaje esperados, con la intención de construir y emitir juicios de valor a partir de su comparación con un marco de referencia. La evaluación por competencias requiere que estas sean demostradas, por lo tanto se necesitan evidencias, criterios de desempeño que permitan deducir el nivel de logro del estudiante.

Teniendo en cuenta que la evaluación forma parte del proceso de aprendizaje y es indisociable del proceso de planificación, se presenta el diseño inverso, siguiendo con la propuesta de Wiggins y McTighe (2005), en la cual se sugiere:

- identificar los logros de aprendizajes esperados;
- determinar las evidencias en las progresiones de aprendizajes con relación a las competencias;
- planificar las actividades de enseñanza y los instrumentos de evaluación.

El desarrollo de competencias en la construcción del pensamiento científico requiere seleccionar contenidos estructurantes o fundamentales y estimular los procesos metacognitivos de los estudiantes para lograr la autorregulación de sus aprendizajes de manera progresiva.

A la hora de evaluar surge la necesidad de diferenciar entre tipos de evaluación y sus instrumentos, en atención a la diversidad del aula y a la singularidad de cada estudiante.

La evaluación debe ser una guía que cumple la función de orientar al docente en la selección de estrategias metodológicas y brindar al estudiante orientación en el desarrollo de sus competencias y habilidades. Por tanto, se entiende que debe de ser continua, y que la retroalimentación es un punto crucial para el desarrollo efectivo de los procesos de enseñanza y aprendizaje de las ciencias que integran el espacio. Si la propuesta busca dar respuestas a interrogantes que culminan con la elaboración u obtención de un producto final, la evaluación no se centra solo en su valoración, sino también en los procesos que realicen los estudiantes para su desarrollo.

En la evaluación formativa pueden utilizarse rúbricas para establecer criterios de valoración, por ejemplo, de exposiciones orales, pruebas de múltiple opción, producción de textos expositivos-explicativos-argumentativos, elaboración de audiovisuales y portafolios, de los aportes realizados durante los talleres, del compromiso y de la responsabilidad, contemplando la dimensión emocional.

Una evaluación es eficaz y tendrá un carácter formativo si permite recolectar evidencias fundamentales para:

- Conocer cómo se realiza la acción pedagógica (qué se hace y cómo se hace).
- Contar con una historia del proceso de aprendizaje en una unidad de tiempo y con un propósito también determinado.
- Emitir devoluciones efectivas, guiando el proceso de autorregulación del estudiante.
- Individualizar los procesos de aprendizaje.

«La evaluación solo puede ser formativa si retroalimenta el proceso de enseñanza y el proceso de aprendizaje» (Anijovich, 2010).

Orientaciones sobre autonomía curricular

El Plan de Educación Básica Integral (EBI) basado en el Marco Curricular Nacional (MCN) propone la implementación de un componente de autonomía curricular. En este sentido, desde un enfoque humanista y socioformativo, se entiende a la autonomía curricular como la facultad pedagógica que habilita a los profesionales a reflexionar, tomar decisiones y contextualizar sus prácticas y los formatos educativos con el fin de lograr la transposición de saberes y el desarrollo de competencias. Esta autonomía se basa en los principios de centralidad del estudiante y su aprendizaje, inclusión, pertinencia, flexibilidad, integración de conocimientos, participación y equidad. Su objetivo principal es colaborar en la formación integral del estudiantado, así como la promoción del recorrido en trayectorias educativas completas.

El desarrollo de esta facultad requiere la creación de una cultura organizacional propia sustentada en el trabajo colaborativo, así como la participación activa de la comunidad educativa en la toma de decisiones. Para que esta autonomía se concrete es necesario desarrollar ámbitos legitimados institucionalmente que faciliten el desarrollo de las competencias propuestas en cada unidad curricular, entendidas en su integración como promotoras de desarrollo humano. Ello requiere que cada centro educativo disponga y gestione un tiempo y un ámbito para trabajar aquellos aspectos que considere relevantes en la propuesta de centro y de aula, respetando las diferentes realidades de cada localidad, los ritmos de los estudiantes destinatarios y sus formas de aprendizaje. También es necesario desarrollar propuestas con un enfoque intra- e interdisciplinario, con mirada territorial y global que favorezca el trabajo en red con otras instituciones y garantice la participación de la familia y la comunidad educativa. Estas propuestas se construyen en un entorno colaborativo de intercambio y coordinación, en el que cada centro y los actores educativos que lo integran visualizan, acuerdan y planifican los logros concretos del universo de estudiantes en el desarrollo de competencias.

En la carga horaria en las que se distribuye la malla curricular y con la finalidad de que los docentes generen nuevas posibilidades de aprendizaje para los estudiantes (procesos de relaciones interpersonales de encuentro y trabajo colaborativo, experiencias de aprendizajes sociales a través de servicios solidarios a la comunidad, entre otros), será importante instrumentar acciones que favorezcan y promuevan el desarrollo de estos procesos mediante diferentes metodologías activas tales como el aprendizaje basado en proyectos, el análisis de casos, el aprendizaje en servicio solidario, la resolución de problemas y el aprendizaje por experiencias. De esta manera se nuclean estrategias consensuadas y se integran los problemas de la realidad circundante para formar ciudadanos que sean capaces de integrar la complejidad y evolucionar con ella.

Justificación de la unidad curricular en el espacio

El conocimiento matemático, como toda construcción humana, se encuentra permeado por dimensiones históricas, sociales, políticas y económicas. Desde los años noventa, Régine Duoady habla de una doble concepción de la matemática. La denomina ‘dialéctica instrumento objeto’. Es decir, hay un aspecto que es inherente a la matemática como objeto de estudio en sí misma, en el que se estudian las estructuras matemáticas. Mientras, el otro aspecto la considera como herramienta que retroalimenta a las otras ciencias y toma su lenguaje lógico, sus herramientas de cálculo, la estadística para entender y explicar fenómenos, el análisis probabilístico para entender y predecir situaciones. Esto sitúa a la matemática en dos perspectivas: la formativa y la instrumental; ambas fundamentales para la comprensión de esta área del conocimiento y para la formación del estudiante.

Atendiendo esta doble concepción, el contenido estructurante en Matemática es *relaciones y funciones*, entendido como un aglutinante abarcativo que asocia todos los contenidos específicos de la disciplina. Este contenido estructurante se sustenta en tres ejes: *número, figura y variable*. A partir del tramo 3 se comenzará a abordar formalmente el eje *variable*. Cada contenido específico se asocia a uno de estos ejes como forma de organizarlos. Las tareas y secuencias pueden abordar contenidos asociados a dos ejes o incluso a los tres, generando espacios de encuentro e interrelación entre ellos.

Para algunos grados el programa plantea un eje transversal, entendido así cuando este se diluye y forma parte de actividades centradas en contenidos de otros ejes sin desarrollarse como un fin en sí mismo.

Tramo 5 | Grados 7.º y 8.º

Perfil general de tramo

Al finalizar este tramo, cada estudiante conoce sus derechos y comienza a asumir responsabilidades en diferentes ámbitos de participación ciudadana. Se involucra en las oportunidades de participación para la toma de decisiones democráticas en clave de derechos humanos, en su entorno escolar y cotidiano.

Valora las características culturales locales, regionales y globales como riqueza, promoviendo el respeto de la diversidad en su entorno. Reconoce y aprecia las diferencias y la no discriminación.

En el ámbito individual y colectivo, construye preguntas y problemas sencillos a partir de consignas dadas o inquietudes propias. Diseña y desarrolla proyectos y procedimientos que permitan el alcance de las metas y los objetivos con los recursos disponibles individuales y en grupo, con metas a corto plazo. Identifica emergentes de contextos cotidianos o ajenos a su experiencia y plantea soluciones sencillas y propuestas de acciones como respuesta a demandas del entorno en ambientes intencionales de aprendizaje. Recopila datos y analiza resultados para construir prototipos.

En construcciones colaborativas, asume roles diversos con la guía de personas adultas. Construye vínculos asertivos, conductas y relaciones saludables, buscando acuerdos en los conflictos y reconociendo estrategias para la resolución de los disensos. Desarrolla una actitud crítica para el autocuidado y el cuidado de las otras personas frente a la información y los modelos que le llegan.

Explora redes de apoyo y realiza acciones solidarias para el cuidado de las otras personas, favoreciendo la convivencia social. Integra y valora distintos grupos y espacios de pertenencia para la construcción de su identidad, conociendo y comprendiendo la diversidad propia y de las otras personas. Expresa inquietudes cuando le son habilitados los espacios de participación. Comienza a construir conciencia de su huella e identidad digital y la seguridad de datos personales en el uso de los espacios digitales. Selecciona herramientas digitales para el manejo, la presentación y la visualización de información y reconoce los aspectos importantes y la información relevante de los datos de un conjunto de problemas. Analiza, de forma mediada, las formas en que la tecnología y las computadoras impactan y transforman la vida cotidiana y el ambiente.

Reflexiona sobre situaciones y problemas socioambientales, así como sobre sus causas y consecuencias y de la incidencia de la acción humana en la evolución del equilibrio ambiental, la sostenibilidad, la justicia y la equidad.

Se encuentra en proceso de construcción de su identidad, de autorregulación y toma conciencia del efecto que producen sus acciones. Explora sus posibilidades expresivas y la potencialidad de su corporalidad. Comprende e inicia el proceso de integrar sus sentimientos, emociones, fortalezas y fragilidades frente a emergentes para conocer y conocerse de acuerdo con sus características individuales.

Cada estudiante revisa sus motivaciones para la realización de la tarea, analizando las experiencias previas en que resolvió situaciones semejantes.

Proyecta mentalmente la tarea que debe realizar, imagina cómo hacerla y ajusta diversas estrategias regulando su tiempo, con mediación docente. Reconoce el monitoreo, la planificación y la autoevaluación como herramientas para el aprendizaje y genera las condiciones apropiadas en el entorno de trabajo.

Comunica sus ideas a través del diálogo, la exposición, la descripción y la argumentación. Explica y define conceptos en distintos lenguajes, formatos y contextos. Lee, se expresa oralmente y logra procesos de escritura de textos sobre temas diversos de forma autónoma. Elabora y modifica expresiones que reflejan ideas propias o de otras personas, en un proceso de exploración de su potencial creativo utilizando diferentes materiales, soportes, lenguajes y técnicas.

Reconoce, comprende y produce textos en otra lengua sobre temas diversos, de forma mediada. Lee, escribe y se expresa oralmente incorporando vocabulario, con la aplicación de diversos soportes, lenguajes alternativos y mediaciones en contextos familiares.

Establece relaciones entre sus opiniones y las de otras personas e intercambia posturas para identificar acuerdos y desacuerdos. Fundamenta su punto de vista en función de razones que puede organizar, lo compara y confronta con los de otras personas y distingue una opinión fundamentada de una que no lo está.

Identifica matices conceptuales, busca los significados desconocidos y reconoce supuestos implícitos en situaciones sencillas. Reconoce y puede explicar una falacia, a la vez que identifica ausencias en una cadena lógica argumentativa.

Diferencia conocimiento científico del que no lo es y lo utiliza para formular, analizar y explicar fenómenos y problemas cotidianos, naturales y sociales. Reconoce que los modelos son representaciones de diferentes escenarios y permiten a cada usuario experimentar con distintas condiciones y sus consecuencias. Elabora explicaciones con base científica sobre fenómenos simples, valorando aplicaciones tecnológicas del conocimiento científico, y reflexiona sobre su influencia en la sociedad y el ambiente, reconociendo el carácter temporal del conocimiento científico y su apertura permanente a la revisión y al cambio. Utiliza distintas herramientas de programación para resolver problemas, reconociendo sus generalidades en términos abstractos, a través de procesos sistemáticos de prueba y de detección y corrección de errores.

Competencias específicas de la unidad curricular por tramo y su contribución a las competencias generales del MCN

CE1. Incorpora y valora, de forma paulatina, la importancia del lenguaje matemático y de los objetos matemáticos, relacionándolos con su entorno más próximo para comunicarse de manera universal, argumentando ideas y decisiones tomadas. Contribuye al desarrollo de las competencias generales del MCN: Comunicación, Pensamiento científico, Pensamiento computacional, Metacognitiva, Relación con los otros, Ciudadanía local, global y digital, Pensamiento crítico, Iniciativa y orientación a la acción.

CE2. Utiliza diferentes estrategias matemáticas, conectando conceptos entre sí y explicando los procedimientos realizados para resolver problemas en distintos contextos. Contribuye al desarrollo de las competencias generales del MCN: Pensamiento creativo, Pensamiento científico, Pensamiento computacional, Metacognitiva, Relación con los otros, Pensamiento crítico, Iniciativa y orientación a la acción, Comunicación, Intrapersonal.

CE3. Modeliza la realidad y aplica recursos tecnológicos, entre otras herramientas, al utilizar objetos matemáticos para facilitar su comprensión e interpretación. Contribuye al desarrollo de las competencias generales del MCN: Pensamiento científico, Pensamiento computacional, Metacognitiva, Relación con los otros, Ciudadanía local, global y digital, Pensamiento crítico, Iniciativa y orientación a la acción, Comunicación, Pensamiento creativo.

CE4. Desarrolla el pensamiento matemático, con el apoyo del docente, a través de la exploración, elaboración de conjeturas, validación, refutación y formulación de generalizaciones para la producción de saberes matemáticos. Contribuye al desarrollo de las competencias generales del MCN: Comunicación, Pensamiento científico, Pensamiento computacional, Metacognitiva, Pensamiento crítico, Pensamiento creativo, Iniciativa y orientación a la acción e Intrapersonal.

CE5. Reconoce el error como una oportunidad de aprendizaje al trabajar en equipo, opinando y escuchando las opiniones de sus pares para contribuir a su crecimiento personal. Contribuye al desarrollo de las competencias generales del MCN: Comunicación, Pensamiento computacional, Metacognitiva, Relación con los otros, Ciudadanía local, global y digital, Pensamiento crítico, Iniciativa y orientación a la acción e intrapersonal.

CE6. Reconoce y utiliza conceptos de matemática financiera, con mediación del docente, al resolver problemas para anticipar las consecuencias de las decisiones personales y el impacto en la vida diaria. Contribuye al desarrollo de las competencias generales del MCN: Comunicación, Pensamiento científico, Pensamiento crítico, Metacognitiva, Relación con los otros, Ciudadanía local, global y digital, Iniciativa y orientación a la acción.

CE7. Identifica, organiza y compara información al resolver problemas contextualizados para establecer relaciones, describir fenómenos y tomar decisiones. Contribuye al desarrollo de las competencias generales del MCN: Comunicación, Pensamiento científico, Metacognitiva, Relación con los otros, Ciudadanía local, global y digital, Pensamiento crítico, Iniciativa y orientación a la acción, Pensamiento creativo, Pensamiento computacional.

Contenidos, criterios de logro de 7.º grado y su contribución al desarrollo de las competencias específicas

	C.E.	Ejes	Contenido	Criterios de logro
C O N T E N I D O E S T R U C T U R A N T E R E L A C I O N E S Y F U N C I O N E S	CE1	N Ú M E R O	<ul style="list-style-type: none"> Descripción de los conjuntos numéricos: N, Z, Q, R. Teoría de conjuntos como sustento para el lenguaje y la representación: conceptos primitivos, relación de pertenencia, relación de inclusión, unión e intersección. Distintas expresiones y representaciones de número racional: fracción, decimal, número mixto. Número real: orden, representación en la recta numérica. Operatoria en R: adición, multiplicación, sustracción, división, potenciación (exponente natural) y radicación. Orden de prioridad de las operaciones. Propiedades de la adición y de la multiplicación en R. Propiedades de la potenciación en Z. 	<p>CL1.1. Utiliza de forma gradual el vocabulario específico y distintas representaciones de objetos matemáticos del eje número al comunicar y argumentar sus ideas.</p> <p>CL2.1. Explora y aplica distintas estrategias numéricas al resolver problemas, incluyendo el uso de herramientas de tecnología digital, en caso de ser posible.</p> <p>CL3.1 Modeliza con saberes vinculados al eje número, al resolver problemas de la realidad utilizando, si es posible, recursos tecnológicos.</p> <p>CL5.1. Identifica los procesos que realiza al visualizar errores y utilizarlos en la mejora de la producción matemática asociada al eje número, al trabajar con sus pares en forma colaborativa.</p>
	CE2		<ul style="list-style-type: none"> Valor absoluto de un número real. 	CL6.1. Identifica el concepto de porcentaje en la vida diaria en distintos escenarios, a través de intercambios con sus pares, para establecer las relaciones apropiadas que permitan la toma de decisiones.
CE3	<ul style="list-style-type: none"> Cálculo mental de raíces de distinto índice. 		CL7.1. Reconoce en la vida cotidiana los conceptos asociados a la probabilidad, para interpretar y describir distintos fenómenos.	
CE5	<ul style="list-style-type: none"> Divisibilidad: división entera en N, división exacta, múltiplos y divisores, números primos y compuestos, criterios de divisibilidad. 			
CE6	<ul style="list-style-type: none"> Mínimo común múltiplo, máximo común divisor. 			
CE7	<ul style="list-style-type: none"> Proporcionalidad directa. Porcentaje. Matemática Financiera: porcentaje de aumento y porcentaje de descuento. Conteo. Distintas técnicas y representaciones. Diagrama de árbol, tabla de doble entrada. Probabilidad simple, definición de Laplace. Distintas expresiones de la probabilidad. 			
			<p>Contenido para la profundización:</p> <ul style="list-style-type: none"> Notación científica. Números primos entre sí, descomposición de un número en producto de factores primos. Proporcionalidad inversa. 	
	CE1	V A R I A B L E	<ul style="list-style-type: none"> Uso del lenguaje algebraico, valor numérico de una expresión algebraica. Variables en sus distintos usos: incógnita, número general y variables en situación funcional. 	<p>CL1.2. Utiliza de forma gradual el vocabulario específico y distintas representaciones de objetos matemáticos del eje variable al comunicar y argumentar sus ideas.</p>
	CE2		<ul style="list-style-type: none"> Resolución intuitiva de ecuaciones del tipo $ax+b=c$, con a, b y c números reales. 	CL2.2. Interpreta los saberes asociados a variable al plantear y resolver problemas.
	CE4			CL4.1. Reconoce regularidades y patrones numéricos y geométricos para generalizar situaciones a través del uso de símbolos apropiados.

			<ul style="list-style-type: none"> • Posiciones relativas de rectas, círculo y circunferencia. Ángulo: concepto y clasificaciones. • Triángulo: concepto, construcción, clasificaciones y propiedades. • Construcción de figuras. • Funciones del plano en el plano: simetría axial y sus propiedades. • Mediatriz de un segmento. • Bisectriz de un ángulo. • Prismas, pirámides, poliedros regulares y figuras de revolución; clasificación y reconocimiento de sus elementos. • Paralelismo y perpendicularidad entre rectas, entre planos y entre recta y plano. 	<p>CL1.3. Utiliza de forma gradual el vocabulario específico y distintas representaciones de objetos matemáticos del eje figura al comunicar y argumentar sus ideas.</p> <p>CL2.3. Explora y aplica distintas estrategias geométricas al resolver problemas, incluyendo el uso de herramientas de tecnología digital, en caso de ser posible.</p> <p>CL3.2 Reconoce figuras y sus distintas representaciones, establece relaciones y justifica procedimientos de resolución de situaciones geométricas.</p> <p>CL5.2. Identifica los procesos que realiza al visualizar errores y utilizarlos en la mejora de la producción matemática asociada al eje figura, al trabajar con sus pares en forma colaborativa.</p> <p>CL7.2. Reconoce en la vida cotidiana los conceptos asociados a geometría en el plano y en el espacio, para interpretar y describir distintos fenómenos.</p>
CE1	F I G U R A		<p>Contenido para la profundización:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Construcción de ángulos de amplitud dada con regla y compás. • Simetría central. • Perímetros, áreas, volúmenes. 	
CE2				
CE3				
CE5				
CE7				

Orientaciones metodológicas específicas del grado 7.º

El avance de la unidad curricular se construye a través del desarrollo de las competencias específicas y del abordaje de los contenidos específicos. La tabla muestra las competencias específicas asociadas a las competencias generales del MCN. Los contenidos específicos están agrupados en los tres ejes que se enmarcan en el contenido estructurante de la unidad curricular: Relaciones y funciones. En el momento de planificar es relevante tener en cuenta la vinculación de los contenidos específicos con las competencias específicas, su asociación a las actividades presentadas a los estudiantes en sintonía con los criterios de logro propuestos.

Se sugiere trabajar los contenidos de forma interrelacionada, apoyarse en las diferentes tecnologías y relacionarlos con el mundo real del estudiante. Es importante considerar que el listado de los contenidos específicos presentados en este documento no establece el orden de su abordaje en la unidad curricular.

Para enriquecer los contenidos y los contextos de trabajo, se considera oportuno integrar elementos de historia de la matemática, incluir herramientas tecnológicas, recurrir a noticias de actualidad, entre otros.

Asimismo, el eje variable es transversal en este grado, por tanto sus contenidos se incorporan en su totalidad en actividades centradas en los otros ejes, sin desarrollarse como un fin en sí mismo.

Se considera relevante promover metodologías en el aula que:

- desarrollen un trabajo activo de los estudiantes;
- profundicen en la integralidad del conocimiento;
- motiven al estudiante;

- aumenten el interés en el estudio de la disciplina;
- posibiliten el disfrute en el contexto de aprendizaje;
- promuevan el trabajo colaborativo;
- generen desafíos;
- potencien la indagación;
- prioricen la argumentación y la comunicación de ideas matemáticas.

El empleo de metodologías activas de aprendizaje proporciona un campo fértil para estos fines.

Con respecto al abordaje de los contenidos se pretende:

- trabajar con conjuntos numéricos integrando los conceptos de la teoría de conjuntos sin que esto implique el desarrollo separado de esta última;
- resignificar los conceptos de teoría de conjuntos en los temas de geometría y divisibilidad;
- comenzar a introducir el lenguaje algebraico en cada situación didáctica que lo permita;
- promover el uso de la nomenclatura correspondiente a las operaciones: sumandos, minuendo, sustraendo, factores, dividendo, divisor, cociente, resto, base, exponente, radicando, índice.
- priorizar el cálculo mental, evitando ejercitaciones reiterativas de aplicación de metodologías de cálculo y hacer uso de la calculadora con sentido pedagógico, considerándola una herramienta;
- atender especialmente la prioridad de las operaciones, evitando operaciones combinadas con excesiva complejidad;
- posibilitar el descubrimiento y redescubrimiento de las propiedades de las operaciones a través de situaciones problema, evitando un simple listado de estas;
- profundizar en el cálculo del porcentaje para saber qué porcentaje de una cantidad dada es otra cantidad;
- tener presente el abordaje de los conceptos primitivos sin la necesidad de desarrollar la teoría en forma axiomática;
- conceptualizar el ángulo y el triángulo como intersección de semiplanos;
- abordar las isometrías aplicadas al arte y a la naturaleza, utilizando el color y herramientas informáticas;
- realizar las construcciones geométricas con la mayor precisión, con la posibilidad de fundamentarlas;
- trabajar geometría en el espacio con material concreto considerando la posibilidad de elaborar la representación de figuras 3D con material fungible.
- integrar el cálculo de perímetros, áreas y volúmenes en actividades interdisciplinarias.
- abordar las distintas clasificaciones de ángulos, comparar con el ángulo recto, comparar posiciones relativas de ángulos determinados por dos rectas y una tercera secante a ellas, ángulos suplementarios y complementarios, opuestos por el vértice y adyacentes.

Contenidos, criterios de logro de 8.º grado y su contribución al desarrollo de las competencias específicas

	C.E.	Ejes	Contenido	Criterios de logro		
C O N T E N I D O E S T R U C T U R A N T E R E L A C I O N E S Y F U N C I O N E S	CE1	N Ú M E R O	<ul style="list-style-type: none"> • Operatoria en R: adición, multiplicación, sustracción, división, potenciación (exponente racional) y radicación. • Propiedades de las operaciones. • Matemática Financiera: aumento y disminución porcentual involucrando el índice de variación. 	<p>CL1.1. Incorpora vocabulario específico y distintas representaciones de objetos matemáticos del eje número al comunicar y argumentar sus ideas.</p> <p>CL2.1. Explora y aplica distintas estrategias numéricas al resolver problemas matemáticos, pudiendo incluir el uso de herramientas de tecnología digital.</p> <p>CL5.1. Identifica los errores al trabajar con conceptos del eje número con sus pares en forma colaborativa.</p>		
	CE2		<ul style="list-style-type: none"> • Estadística descriptiva: conceptos básicos (población, muestra, individuo, variables, datos), frecuencia absoluta y relativa, representación de datos estadísticos (tabular y gráfico). 	<p>CL6.1. Identifica y aplica el concepto de porcentaje en la vida diaria, para la toma de decisiones respecto al ahorro y el gasto considerando su impacto.</p>		
	CE5		<p>Contenido para la profundización:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Notación científica. • Porcentajes encadenados. • Diagrama de barras, gráfico circular, histograma. 	<p>CL7.1. Identifica y aplica conocimientos de estadística y comunica sus conclusiones al inferir y establecer relaciones utilizando información del mundo que lo rodea.</p>		
	CE6					
	CE7					
	CE1			V A R I A B L E	<ul style="list-style-type: none"> • Expresiones algebraicas: polinomios de una variable, grado, valor numérico, reducción, operaciones (adición, sustracción y multiplicación) y propiedades. • Funciones: concepto, funciones entre conjuntos numéricos, interpretación gráfica. 	<p>CL1.2. Incorpora vocabulario específico y distintas representaciones de objetos matemáticos del eje número al comunicar y argumentar sus ideas.</p> <p>CL2.2. Aplica los saberes asociados a expresiones algebraicas, ecuaciones y funciones al resolver situaciones desafiantes y analizar diferentes soluciones.</p>
	CE2				<ul style="list-style-type: none"> • Funciones definidas en distintos dominios. 	<p>CL3.1. Modeliza fenómenos, problemas cotidianos y situaciones desafiantes integrando conceptos asociados a variable para facilitar su comprensión.</p>
CE3	<ul style="list-style-type: none"> • Funciones polinómicas cuya expresión analítica es de la forma $f(x)=ax+b$ (con a y b reales), definiendo el dominio y el codominio. Representación gráfica. 	<p>CL4.1. Observa patrones y elabora expresiones algebraicas al generalizar distintas situaciones planteadas.</p>				
CE4	<ul style="list-style-type: none"> • Ecuaciones de primer grado: resolución y verificación. 	<p>CL5.2. Identifica los errores al trabajar con conceptos del eje variable con sus pares en forma colaborativa.</p>				
CE5	<ul style="list-style-type: none"> • Proporcionalidad directa e inversa. 					
		<p>Contenidos para la profundización:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Polinomios de más de una variable. • Inecuaciones de primer grado: resolución y comprobación. 				

	CE1 CE2 CE3 CE5	F I G U R A	<ul style="list-style-type: none"> • Construcción de ángulos, triángulos y cuadriláteros con regla y compás (incluyendo ángulos particulares). • Puntos y rectas notables del triángulo, circunferencia inscrita y circunscrita al triángulo. • Clasificación de cuadriláteros según distintos criterios. • Funciones del plano en el plano: traslación, rotación y homotecia. • Figuras semejantes. Teorema de Thales. Teorema de Pitágoras: directo y recíproco. • Paralelismo y perpendicularidad entre rectas, entre planos y entre recta y plano. • Representación en perspectiva del espacio en el plano (prismas, pirámides, figuras de revolución). 	<p>CL1.3. Argumenta los procedimientos de resolución en situaciones geométricas al relacionar figuras, sus representaciones y propiedades.</p> <p>CL2.3. Explora y aplica distintas estrategias geométricas al resolver problemas matemáticos, pudiendo incluir el uso de herramientas de tecnología digital.</p> <p>CL3.2. Construye figuras geométricas y elabora la guía de construcción, al resolver problemas, pudiendo utilizar recursos tecnológicos.</p> <p>CL5.3. Identifica los errores al trabajar con conceptos del eje figura con sus pares en forma colaborativa.</p>
			<p>Contenidos para la profundización:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Construcción de polígonos, con regla y compás, a partir de sus propiedades. • Recta de Euler. • Vectores: noción, opuesto, adición y sustracción. • Paralela media. • División de un segmento en segmentos iguales. • Ortogonalidad entre rectas. 	

Orientaciones metodológicas específicas del grado 8.º

El avance de la unidad curricular se construye a través del desarrollo de las competencias específicas y del abordaje de los contenidos específicos. La tabla muestra las competencias específicas asociadas a las competencias generales del MCN. Los contenidos específicos están agrupados en los tres ejes que se enmarcan en el contenido estructurante de la unidad curricular: Relaciones y funciones. En el momento de planificar es relevante tener en cuenta la vinculación de los contenidos específicos con las competencias específicas, su asociación a las actividades presentadas a los estudiantes en sintonía con los criterios de logro propuestos.

Se sugiere trabajar los contenidos de forma interrelacionada, apoyarse en las diferentes tecnologías y relacionarlos con el mundo real del estudiante. Es importante considerar que el listado de los contenidos específicos presentados en este documento no establece el orden de su abordaje en la unidad curricular.

Para enriquecer los contenidos y los contextos de trabajo, se considera oportuno integrar elementos de historia de la matemática, incluir herramientas tecnológicas, recurrir a noticias de actualidad, entre otros.

Asimismo, el eje *número* es transversal en este grado, por tanto sus contenidos se incorporan en su totalidad en actividades centradas en los otros ejes, sin desarrollarse como un fin en sí mismo.

Se considera relevante promover metodologías en el aula que:

- desarrollen un trabajo activo de los estudiantes;
- profundicen en la integralidad del conocimiento;
- motiven al estudiante;
- aumenten el interés en el estudio de la disciplina;
- posibiliten el disfrute en el contexto de aprendizaje;
- promuevan el trabajo colaborativo;
- generen desafíos;
- potencien la indagación;
- prioricen la argumentación y la comunicación de ideas matemáticas.

El empleo de metodologías activas de aprendizaje proporciona un campo fértil para estos fines.

Con respecto al abordaje de los contenidos, se pretende:

- resignificar e interpretar los saberes asociados al eje *número*, dándole continuidad a los contenidos trabajados anteriormente;
- guiar al estudiante en el proceso de uso de la calculadora como herramienta con un punto de vista crítico;
- abordar el contenido proporcionalidad directa asociado al concepto estructurante de función y presentar proporcionalidad inversa;
- trabajar contenidos económicos y financieros en contextos de la vida real, como insumo para la toma de decisiones respecto a ingresos, control de gastos y ahorro;
- desarrollar los contenidos asociados a estadística descriptiva a partir de situaciones contextualizadas y promover el uso de herramientas informáticas para la representación de datos estadísticos;
- aplicar la propiedad distributiva de la multiplicación respecto de la adición en expresiones algebraicas, priorizando el desarrollo;
- abordar el trabajo con expresiones algebraicas en el contexto de la modelización y generalización de patrones, como también utilizarlas para probar conjeturas;
- aplicar el teorema de Pitágoras en diferentes contextos, trabajando en casos particulares y utilizar las ternas pitagóricas para deducir la medida de catetos e hipotenusa. Calcular la medida del lado faltante por aproximación, evitando la resolución de ecuaciones de segundo grado.
- profundizar en las propiedades necesarias para el desarrollo de argumentaciones en el eje *figura*;

- utilizar distintas herramientas de tecnología digital y recursos didácticos para facilitar la visualización de conceptos y desarrollar los procesos de indagación y generalización;
- trabajar el tema ecuaciones en contexto, con soluciones pertenecientes a diferentes conjuntos numéricos, relacionado con otros contenidos;
- utilizar distintas representaciones del concepto de función: tabular, gráfico, analítico y verbal.

Bibliografía sugerida para el tramo

- *Estrechando lazos entre investigación y formación en Matemática Educativa Experiencias conjuntas de docentes y futuros docentes.*
<https://repositorio.cfe.edu.uy/handle/123456789/368>
- *Estrechando lazos entre investigación y formación en Matemática Educativa. Experiencias conjuntas de docentes y futuros docentes. Volumen II.*
<https://repositorio.cfe.edu.uy/handle/123456789/371>
- *Estrechando lazos entre investigación y formación en Matemática Educativa. Experiencias conjuntas de docentes y futuros docentes. Volumen III.*
<https://repositorio.cfe.edu.uy/handle/123456789/372>
- *Estrechando lazos entre investigación y formación en Matemática Educativa. Experiencias conjuntas de docentes y futuros docentes. Volumen IV.*
<https://repositorio.cfe.edu.uy/handle/123456789/375>
- *Estrechando lazos entre investigación y formación en Matemática Educativa. Experiencias conjuntas de docentes y futuros docentes. Volumen V.*
<https://repositorio.cfe.edu.uy/handle/123456789/376>
- *Estrechando lazos entre investigación y formación en Matemática Educativa. Experiencias conjuntas de docentes y futuros docentes. Volumen VI.*
<https://repositorio.cfe.edu.uy/handle/123456789/1047>
- *Estrechando lazos entre investigación y formación en Matemática Educativa. Experiencias conjuntas de docentes y futuros docentes. Volumen VII.*
<https://repositorio.cfe.edu.uy/handle/123456789/1360>
- *Estrechando lazos entre investigación y formación en Matemática Educativa. Experiencias conjuntas de docentes y futuros docentes. Volumen VIII.*
<https://repositorio.cfe.edu.uy/handle/123456789/1795>

Bibliografía para el docente:

- Calvo, C., Deulofeu, J., Jareño, J. y Morera, L. (2016). *Aprender matemáticas en la educación secundaria obligatoria*. Síntesis.
- Holt, Rinehart, Winston (2006). *Matemáticas en contexto. Materiales de aula*. Instituto Freudenthal para la educación en Ciencias y Matemáticas. Encyclopædia Britannica, Inc.
<https://www.fisme.science.uu.nl/publicaties/subsets/mic/>

- Plataforma educativa de matemática: ALEKS.
<https://ceibal.edu.uy/plataformas-y-programas/aleks/>
- Plataforma web: Khan Academy. <https://valijas.ceibal.edu.uy/recurso/173>
- Shell Center for Mathematical Education. Traducción y adaptación de Alayo, F. (1990). *El lenguaje de funciones y gráficas*. Ministerio de Educación y Ciencia. Servicio Editorial: Universidad del País Vasco. <https://matesup.cl/constitucion/modelos-funcionales/textos-articulos/lenguaje%20de%20funciones%20y%20graficas.pdf>
- Vinner, S. (1991). *El rol de las definiciones en la enseñanza y aprendizaje de la matemática*. Advanced Mathematical Thinking. Editado por Tall, D. Academic Publishers. <https://es.scribd.com/document/504011791/Rol-de-Las-Definiciones-Vinner>
- Cerezo, A. y Calvo, C. (2020). *PuntMat*. <https://puntmat.blogspot.com/>
- GeoGebra. *Herramientas de GeoGebra y recursos*. <https://www.geogebra.org/>
- Hunter, Ch., Wyborne, S., Overwijk, A., Borurassa, M., Palmer, T., Wilson, J., Ferguson, B., Greene, N, Fruin, R. y Anders, B. (2013). *Which one doesn't belong?* <https://wodb.ca/>
- Mathigon (2023). *El patio de recreo matemático*. <https://mathigon.org/>
- University of Cambridge. (2024). nrich. Secondary Students. <https://nrich.maths.org/secondary>

Bibliografía para el estudiante:

- Borbonet, M., Burgos, B., Martínez, A., Ravaioli, N. *Matemática 2*. Grupo Botadá. Editorial Fin de Siglo. <https://bibliotecapais.ceibal.edu.uy/info/matematica-2-00004113>
- Da Costa, S. y Scorza, V. (2011). *Prácticas 1*. Santillana. <https://bibliotecapais.ceibal.edu.uy/info/matematica-1-practicas-00004139>
- Da Costa, S. y Scorza, V. (2011). *Prácticas 2*. Santillana. <https://bibliotecapais.ceibal.edu.uy/info/matematica-2-practicas-00017522>
- Ochoviet, C.; Olave, M. (2024). *Matemática 7°*. Editorial Contexto. Biblioteca País. <https://bibliotecapais.ceibal.edu.uy/info/matematica-7-00034228>
- Ochoviet, C.; Olave, M. (2024). *Matemática 8°*. Editorial Contexto. Biblioteca País. <https://bibliotecapais.ceibal.edu.uy/info/matematica-8-00034227>
- Ochoviet, C.; Olave, M. (2024). *Matemática 2*. Losa Ediciones. 1a Edición Digital. Biblioteca País. <https://bibliotecapais.ceibal.edu.uy/info/matematica-2-00034231>
- Ochoviet, C. Vitabar, F. (2013). *Matemática 1*. Losa ediciones. Biblioteca País. <https://bibliotecapais.ceibal.edu.uy/info/matematica-1-00034230>
- Ochoviet, C. Vitabar, F. (2014). *Matemática 2*. Losa ediciones. Biblioteca País. <https://bibliotecapais.ceibal.edu.uy/info/matematica-2-00034231>
- Parker, M. (2020). *Pifias Matemáticas: equivocarse nunca ha sido tan divertido*. Crítica. Biblioteca País. <https://bibliotecapais.ceibal.edu.uy/info/pifias-matematicas-equivocarse-nunca-ha-sido-tan-divertido-00015627>

Referencias bibliográficas

- Administración Nacional de Educación Pública (2017). *Uruguay en PISA 2015. Informe de Resultados*. ANEP.
- Administración Nacional de Educación Pública (2022). *Marco conceptual de Matemática. Programa PISA Uruguay*. <https://pisa.anep.edu.uy/sites/default/files/Recursos/Marcos%20conceptuales/2022-PISA-Uruguay-Marcos%20conceptuales-Marco%20matema%CC%81tica.pdf>
- Alsina, Á. (2016). Diseño, gestión y evaluación de actividades matemáticas competenciales en el aula. *Épsilon, Revista de Educación Matemática*, 33-1 (92), 7-29. <https://core.ac.uk/download/pdf/334428177.pdf>
- Alsina, Á. (2019). *Itinerarios didácticos para la enseñanza de las matemáticas (6-12 años)*. Graó
- Alsina, Á., García, M., Torrent, E. (2019, abril). La evaluación de la competencia matemática desde la escuela y para la escuela. *Unión*, 55, 85-108. <https://core.ac.uk/download/pdf/328834243.pdf>
- Anijovich, R. (2010). *Estrategias de enseñanza: otra mirada al quehacer en el aula*. Aique.
- Beltrán-Pellicer, P. y Alsina, Á. (2022). La competencia matemática en el currículo español de educación primaria. *Márgenes, Revista de Educación de la Universidad de Málaga*, 3(2), 31-58. <http://dx.doi.org10.24310/mgnmar.v3i2.14693>
- Cataneo, L. (2010). *Didáctica de la matemática*. Homo Sapiens.
- Chamorro, M. del C. (2005). *Didáctica de las matemáticas para educación infantil*. Pearson.
- González, I., Ramírez, A., Moral, A. (2013, enero-abril). La evaluación por competencias en educación primaria: ¿arquitectura o albañilería? *Educere*, 17(56), 41-50. <https://www.redalyc.org/pdf/356/35630150002.pdf>
- Instituto Nacional de Evaluación Educativa (2017). *Aristas. Marco de matemática en tercero de educación media*, INEE. https://www.ineed.edu.uy/images/Aristas/Publicaciones/Marcos/Aristas_Media_Matematica.pdf.
- Itzcovich, H. (2007). *La matemática escolar*. Aique.
- Lobato Fraile, C. (1997). Hacia una comprensión del aprendizaje cooperativo. *Revista de Psicodidáctica*, (4), 59-76.
- Monereo, C. (coord.). (2009). *Pisa como excusa. Repensar la evaluación para cambiar la enseñanza*. Graó.
- Moreno, C. (2012). La construcción del conocimiento: un nuevo enfoque de la educación actual *Sophia, Colección de Filosofía de la Educación*, 13, 251-267. Universidad Politécnica Salesiana Cuenca, Ecuador.

Organización para la Cooperación y el Desarrollo Económico (2005). *La definición y selección de competencias clave. Resumen ejecutivo*. <https://www.deseco.ch/bfs/deseco/en/index/03/02.parsys.78532.downloadList.94248.DownloadFile.tmp/2005.dsceexecutivesummary.sp.pdf>

Pedrinaci, E. (coord.). (2012). *11 ideas clave. El desarrollo de la competencia científica*. Graó.

Pesce, F. (2014). La didáctica en la formación de docentes para la enseñanza media en Uruguay. *InterCambios. Dilemas y Transiciones de la Educación Superior*, 1(1), 52-61. <https://ojs.intercambios.cse.udelar.edu.uy/index.php/ic/article/view/12>

Plaza, P. (2013). Las competencias matemáticas en el aprendizaje a lo largo de la vida. *Suma+*, 72, 9-15. <https://educacion.udd.cl/files/2016/05/CPo-Las-competencias-matem%C3%A1ticas-en-el-aprendizaje-a-lo-largo-de-la-vida.pdf>

Rico, L. (2005). La competencia matemática en PISA. En Fundación Santillana (ed.), *La enseñanza de las matemáticas y el Informe PISA* (pp. 21-40). Santillana.

Wiggins, G. y McTighe, J. (2005). *Understanding by design, expanded (2.ª ed.)*. Association for Supervision and Curriculum Development.

El uso de un lenguaje que no discrimine ni marque diferencias entre hombres y mujeres es de importancia para el equipo coordinador del diseño de este material. En tal sentido, y con el fin de evitar la sobrecarga gráfica que supondría utilizar en español el recurso o/a para marcar la referencia a ambos sexos, se ha optado por emplear el masculino genérico, especificando que todas las menciones en este texto representan siempre a hombres y mujeres (Resolución n.º 3628/021, Acta n.º 43, Exp. 2022-25-1-000353 del 8 de diciembre de 2021).